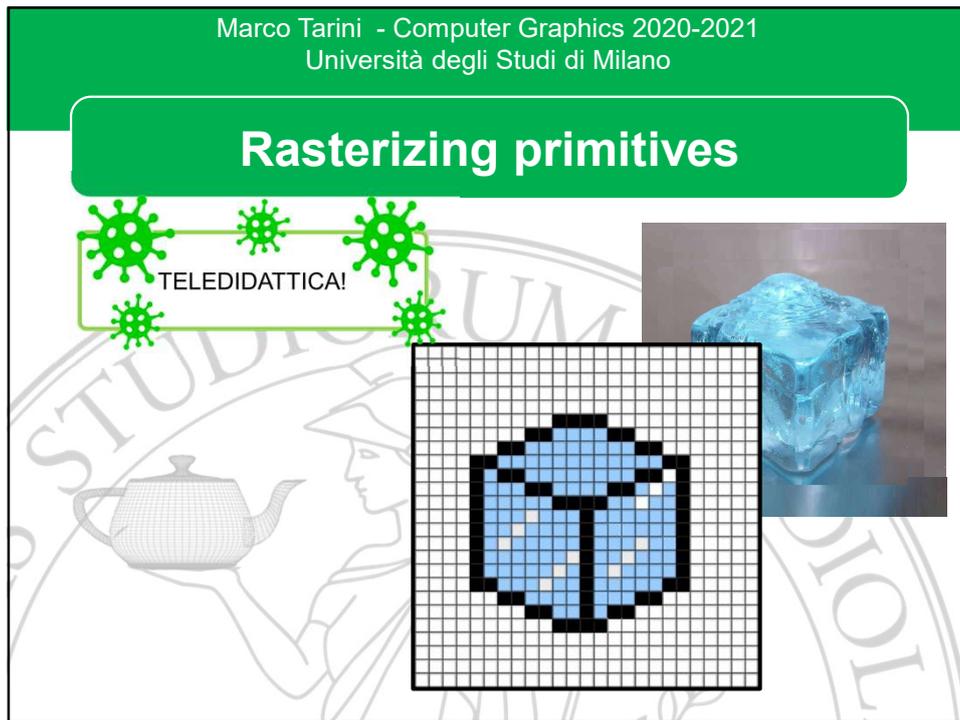


Marco Tarini - Computer Graphics 2020-2021  
Università degli Studi di Milano

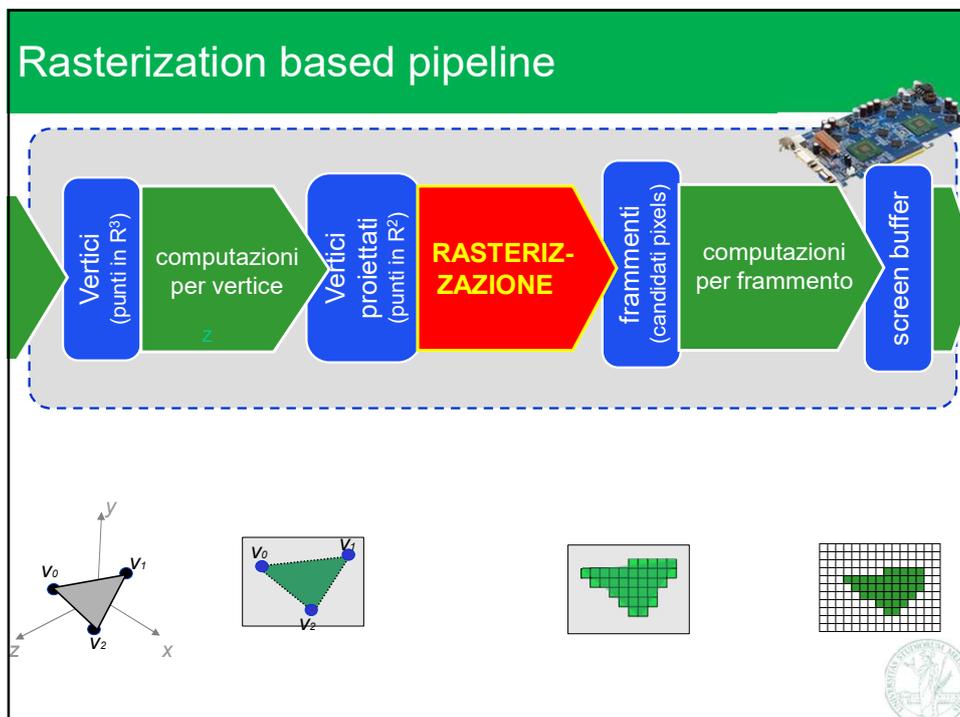
## Rasterizing primitives

TELEDIDATTICA!



1

## Rasterization based pipeline



Vertici (punti in  $R^3$ )

computazioni per vertice (z)

Vertici proiettati (punti in  $R^2$ )

**RASTERIZZAZIONE**

frammenti (candidati pixels)

computazioni per frammento

screen buffer



2

## Rasterizzazione

- ✓ Individuare i frammenti che compongono una primitiva
  - ⇒ Uno per ogni pixel coperto dalla primitiva
  - ⇒ I frammenti prodotti vengono passati alla fase successiva (che determina il colore schermo)
- ✓ E' un procedimento puramente 2D
- ✓ E' estremamente parallelizzabile
  - ⇒ Per sfruttare questo, si adotta un hardware parallelo
  - ⇒ Sulle GPU, è implementato in hardware (architettura specializzata per lo scopo)
  - ⇒ E' una fase dell'hardware molto efficiente e poco flessibile (non è «programmabile» dall'utente)  
in pratica: fa sempre la stessa cosa
  - ⇒ Viene implementato uno specifico algoritmo



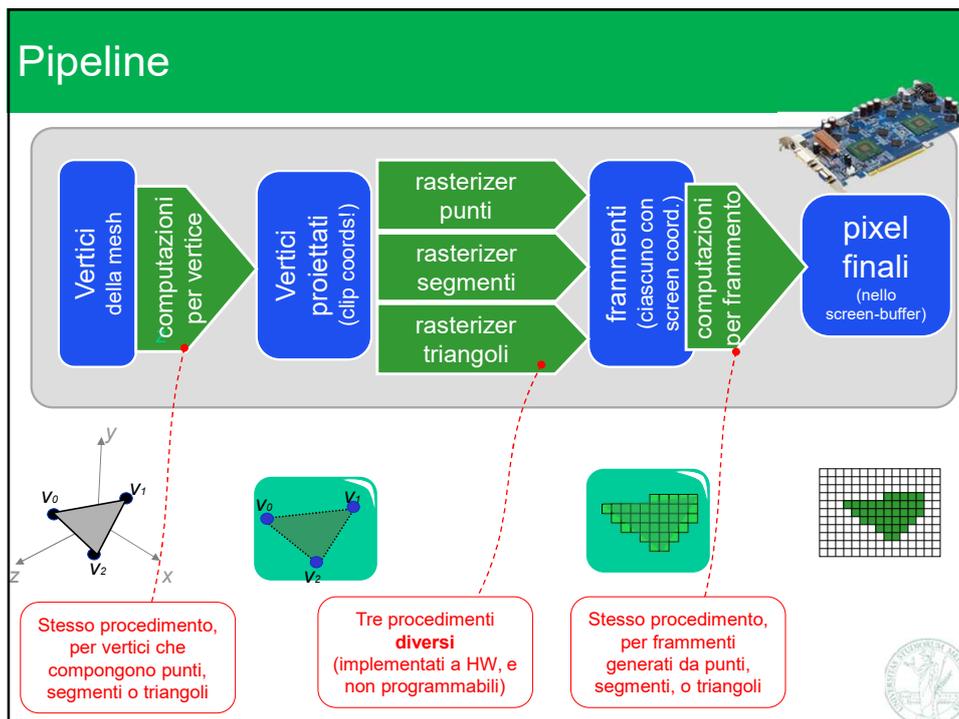
3

## Rasterizzazione

- ✓ Tecnicamente, l'hardware GPU è pesato per rasterizzare solo tre primitive (2D, 1D, 0D)
  - ⇒ Triangoli – 3 vertici
  - ⇒ Segmenti («linee») – 2 vertici
  - ⇒ Punti («point splats») – 1 vertice
- ✓ Il primo caso è particolarmente utile ed ottimizzato
- ✓ I vertici sono passati al rasterizzatore in **coordinate clip omogenee**
- ✓ Per prima cosa, vengono convertite in **coordinate schermo cartesiane**
  - ⇒ come sappiamo già
- ✓ Il rasterizzatore usa solo le x e la y,



4



7

## Rasterizzare triangoli

- ✓ Individuare i frammenti che compongono i triangoli
  - ⇒ *Input*: tre vertici (punti 2D in screen space)
  - ⇒ *Output*: i frammenti interni al triangolo
- ✓ Più precisamente: devono essere prodotti tutti e soli i frammenti il cui centro è interno al triangolo
- ✓ Il rasterizzatore si occupa anche di **INTERPOLARE GLI ATTRIBUTI**
  - ⇒ *Input ulteriore*: tre set di attributi (vettori, scalari...)
  - ⇒ *Output ulteriore*: l'interpolazione di ciascun attributo per ogni frammento prodotto (iterpolazione con coordinate baricentriche)

8

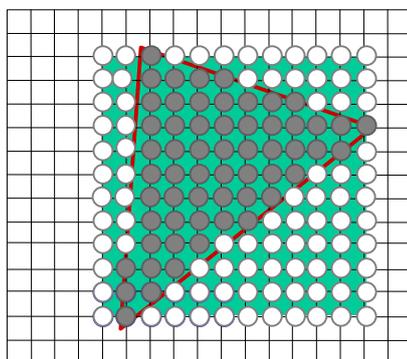
## Rasterizzazione

- ✓ Il rasterizzatore usa solo le x e la y (in spazio schermo),
- ✓ la z (cioè il valore di depth del frammento) è considerato un attributo da interpolare



9

## Un algoritmo di rasterizzazione per triangoli parallelizzato



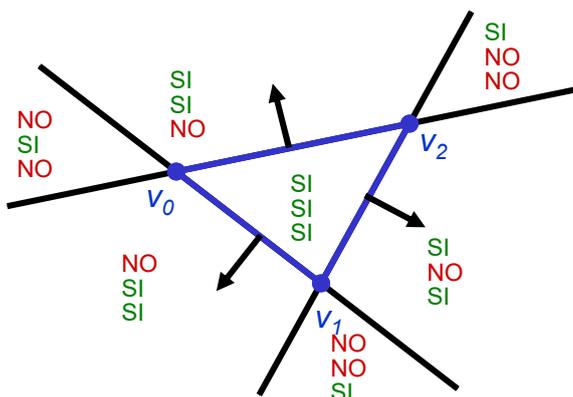
1. Trovo un rettangolo (coordinate intere) che contiene il triangolo
2. Processo tutti le posizioni interne (nota: PARALLELIZZABILE)
3. Processo ogni posizione interna:  
se è dentro al triangolo, produco un frammento



10

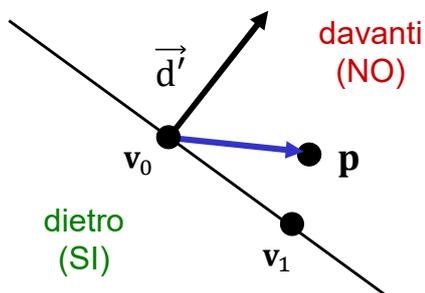
## Test di appartenenza ad un triangolo

- ✓ Triangolo = intersezione di 3 semipiani
- ✓ Un punto è interno al triangolo sse appartiene a tutti e tre i semipiani



11

## Test di appartenenza ad un semipiano (in 2D!)



Da quale parte della retta  
 passante per  $v_0$  e  $v_1$   
 si trova il punto  $p$  ?

Soluzione:

$$\vec{d} = (v_1 - v_0) = \begin{pmatrix} d_x \\ d_y \end{pmatrix}$$

$$\vec{d}' = \begin{pmatrix} -d_y \\ d_x \end{pmatrix}$$

cioè  $\vec{d}'$  è il  
 vettore  $\vec{d}$  ruotato di 90 gradi

Basta verificare se:

$$(q - p_0) \cdot \vec{d}' < 0$$

12

### Clipping e culling

Screen  
(o viewport)

Tutto incluso:  
rasterizzo

Qualche  
vertice fuori,  
ma non tutto  
il triangolo

**Clipping.**

Tutto fuori:  
**Culling!**  
© no prob.

Marco Tarini · Computer Graphics · 2014/15 · Univer

13

### Clipping: la vecchia scuola

Screen  
(o viewport)

A

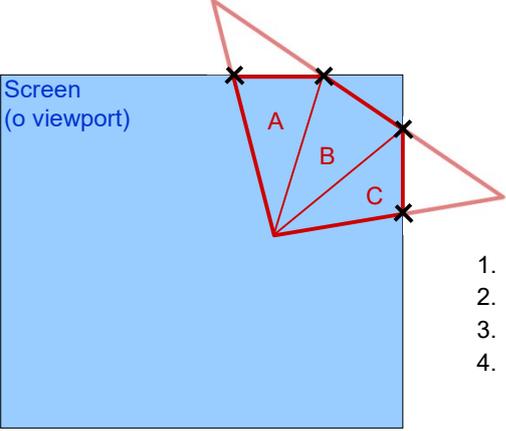
B

1. Trovo intersezioni
2. Unisco intersezioni
3. Divido poligono in triangoli
4. Rasterizzo ogni triangolo A e B

Marco Tarini · Computer Graphics · 2014/15 · Univer

14

### Clipping: la vecchia scuola



1. Trovo intersezioni
2. Unisco intersezioni
3. Divido poligono in triangoli
4. Rasterizzo ogni triangolo A, B, e C

Marco Tarini · Computer Graphics · 2014/15 · Univer

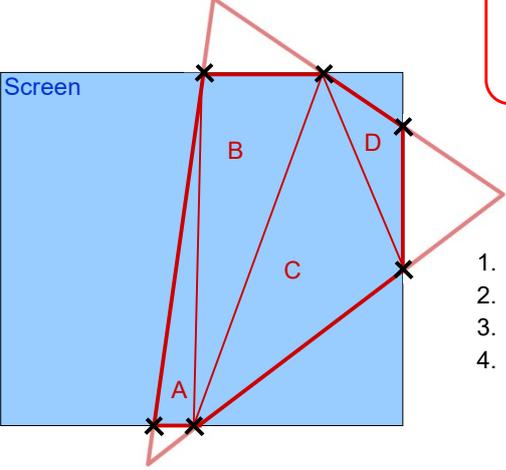
15

### Clipping: la vecchia scuola

Caso pessimo molto complicato

Non adatto ad una implementazione HW

L'HW deve prevedere il caso pessimo, anche se è raro



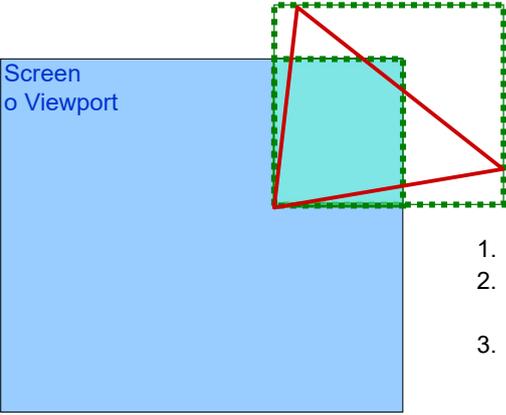
1. Trovo intersezioni
2. Unisco intersezioni
3. Divido poligono in triangoli
4. Rasterizzo ogni triangolo A,B,C,D

Marco Tarini · Computer Graphics · 2014/15 · Univer

16

## Clipping: versione più adatta ad una implementazione HW

✓ Clipping!



Come si interseca un bounding box con lo schermo (cioe' col rettangolo definito dal ViewPort)?

1. Trovo bounding box
2. Interseco bounding box con schermo (o viewport)
3. Rasterizzo nel bounding box come normale

Marco Tarini · Computer Graphics · 2014/15 · Univer

17

## Rasterizzazione triangoli:

✓ Il metodo basato su bounding box e test di appartenenza (edge functions):

⇒ Vantaggi

- fortemente parallelizzabile
  - (es: gruppi 4x4)
- clipping diventa facile facile
  - per i planes UP, DOWN, LEFT e RIGHT

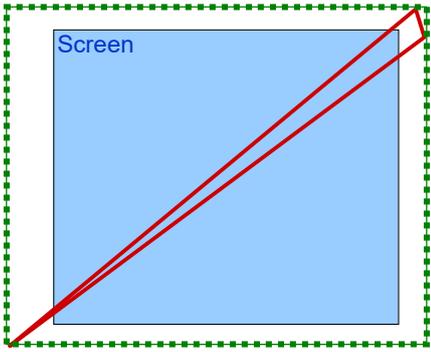
⇒ Svantaggi

- Overhead grandini
  - Si testano molti frammenti inutilmente
  - Specialmente quando...

Marco Tarini · Computer Graphics · 2014/15 · Univer

19

### Un caso sfortunato



Screen

Per questo motivo (e molti altri) i triangoli lunghi e stretti non sono ideali

Triangoli:

- lunghi e stretti
- orientati lungo la direzione diagonale

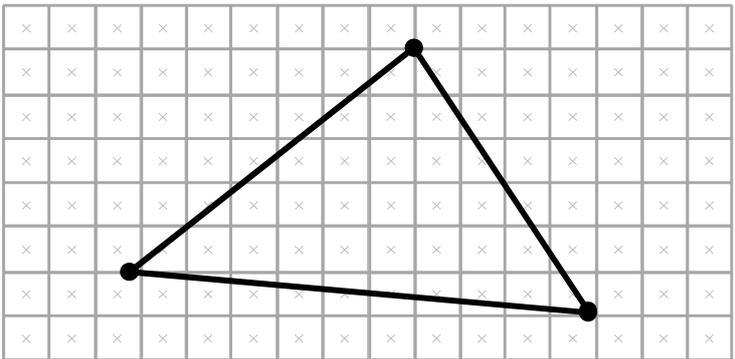
☹

Marco Tarini · Computer Graphics · 2014/15 · Univer



20

### Rasterizzare Triangoli



Pixel  
(cross = center; x,y @ 0.5)

Triangle



21

### Rasterizzare Triangoli

Pixel  
(cross = center; x,y @ 0.5)

Triangle



22

### Rasterizzare Triangoli

Pixel  
(cross = center; x,y @ 0.5)

Triangle



23

### Rasterizzare Triangoli

The image shows a 15x10 grid of pixels, each marked with an 'x'. Two triangles are overlaid on the grid. The left triangle is yellow and has vertices at (row, col) coordinates (3, 5), (4, 7), and (5, 3). The right triangle is green and has vertices at (3, 11), (4, 13), and (5, 9). The grid is otherwise empty.



27

### Rasterizzare Triangoli

The image shows a 15x10 grid of pixels, each marked with an 'x'. Two triangles are overlaid. The left triangle is yellow and has vertices at (3, 5), (4, 7), and (5, 3). The right triangle is green and has vertices at (3, 11), (4, 13), and (5, 9). The grid is otherwise empty.



28

### Rasterizzare Triangoli

A 15x10 grid with 'x' marks in each cell. Three triangles are drawn with black outlines. The first triangle on the left is filled with orange. The second, larger triangle in the center is filled with yellow, cyan, and purple. The third triangle on the right is filled with orange and blue. A small circular logo is in the bottom right corner.

38

### Rasterizzare Triangoli

A 15x10 grid with 'x' marks in each cell. The same three triangles from the previous slide are shown, but they are not filled. Only the grid cells are visible, with some cells containing 'x' marks. A small circular logo is in the bottom right corner.

39

## Note: rasterizzazione triangoli 1/2

- ✓ La rasterizzazione avviene in 2D
  - ⇒ input: tre punti in 2D
    - (coordinate X,Y non intere, in generale)
  - ⇒ output: frammenti
- ✓ Viene generato un frammento per ogni pixel il cui centro ricade dentro il triangolo 2D
- ✓ Un triangolo può generare qualsiasi numero di frammenti
  - ⇒ anche nessuno
  - ⇒ anche tutti
- ✓ Se un triangolo è parzialmente fuori al viewport, vengono generati solo i frammenti interni («clipping»)

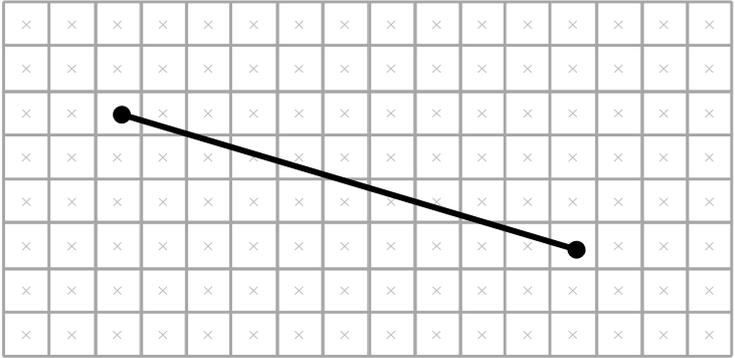
40

## Note: rasterizzazione triangoli 2/2

- ✓ Se un triangolo è parzialmente fuori al viewport, vengono generati solo i frammenti interni
  - ⇒ «clipping» della primitiva triangolo
    - «clipping» = spezzare la primitiva
  - ⇒ se è completamente fuori dal viewport:  
nessun frammento generato
- ✓ Test che il rasterizzatore compie:
  - ⇒ “il centroide di questo pixel casca dentro a questo triangolo 2D?”
  - ⇒ traccia: considerare il triangolo come intersezione di tre semipiani
- ✓ Garanzia: la rasterizz. di due triangoli che condividono esattamente un edge (un lato, due vertici), genera 1 frammento per ogni pixel nella loro unione
  - ⇒ no sovrapposizioni (pixel coperto da due frammenti, uno per ogni tri)
  - ⇒ no gaps (pixel appartenente all'unione non coperto da alcun frammento)

41

### Rasterizzare Linee

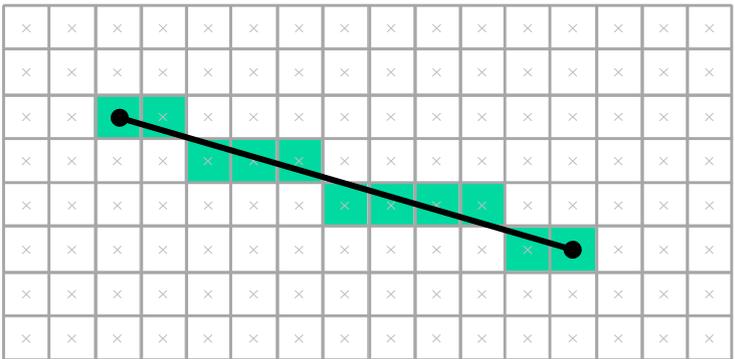


Bresenham's line algorithm (1962)



42

### Rasterizzare Linee



Bresenham's line algorithm (1962)



43

## Nota storica: Bresenham's line algorithm

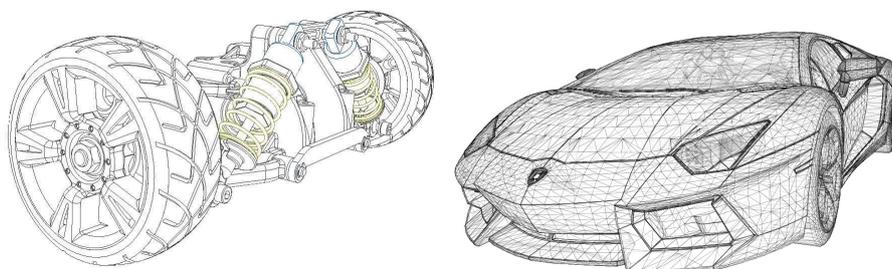
- ✓ Un vecchio algoritmo per rasterizzare linee
- ✓ Vantaggi:
  - ⇒ Richiede solo computazioni fra interi (no virgola mobile)
  - ⇒ Efficienza
- ✓ Svantaggi:
  - ⇒ sequenziale (non parallelizzabile)
  - ⇒ iterazione del ciclo dipende dalla precedente ☹️
- ✓ Molto usato in passato, non più oggi (almeno nelle GPU)



44

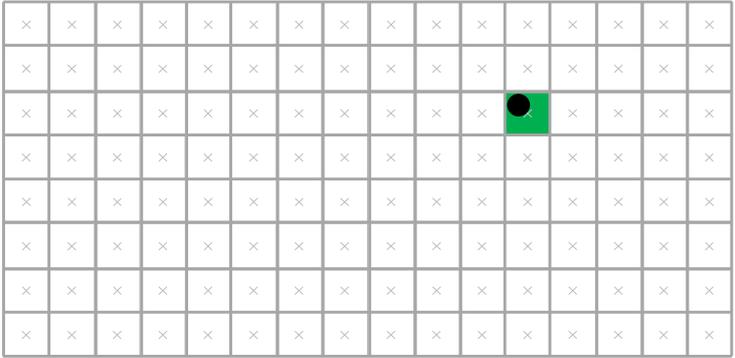
## Rasterizzare Linee

- ✓ La rasterizzazione delle linee è usata nella modalità di rendering wireframe



45

### Rasterizzare punti

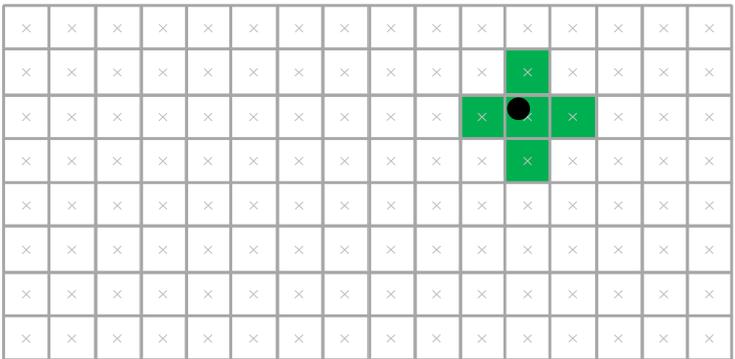


Point "splat"



47

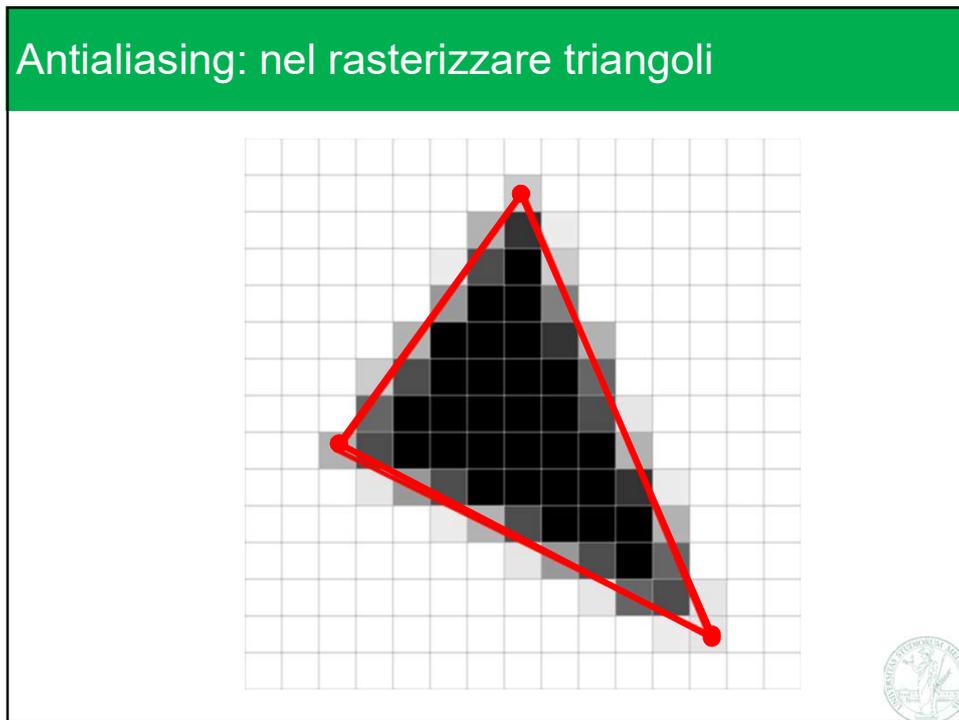
### Rasterizzare punti



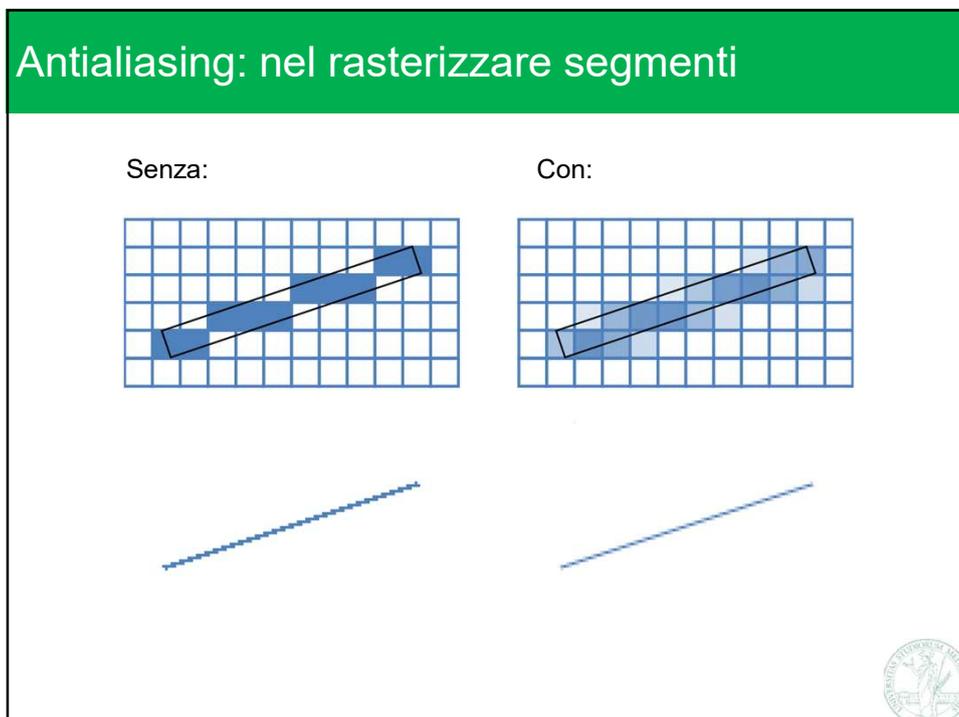
Point "splat"



48



49



50