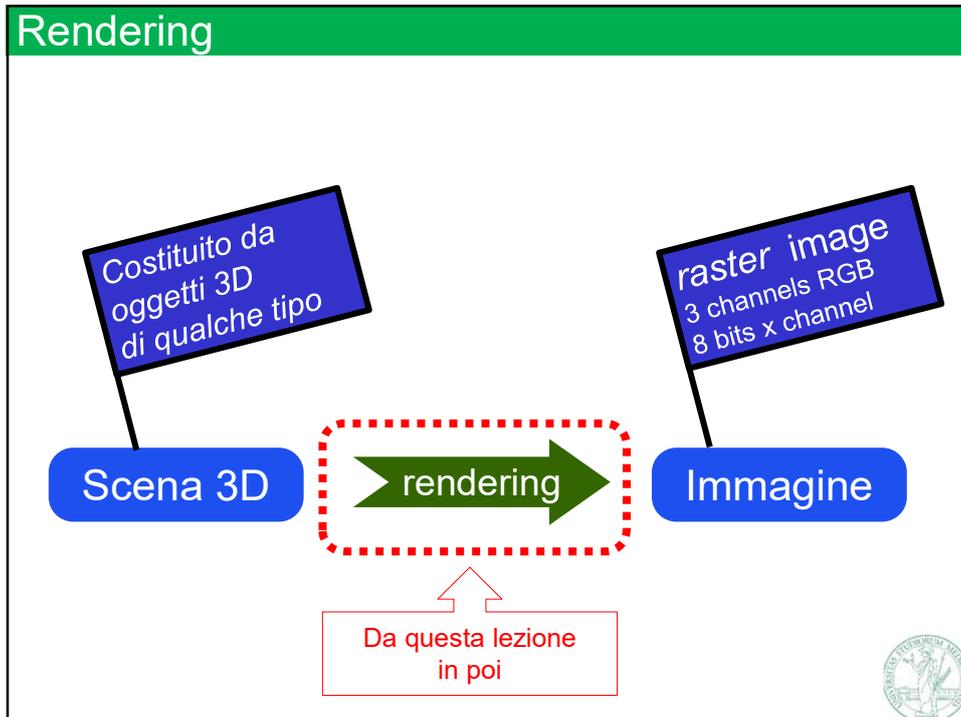


1



2

### Rendering

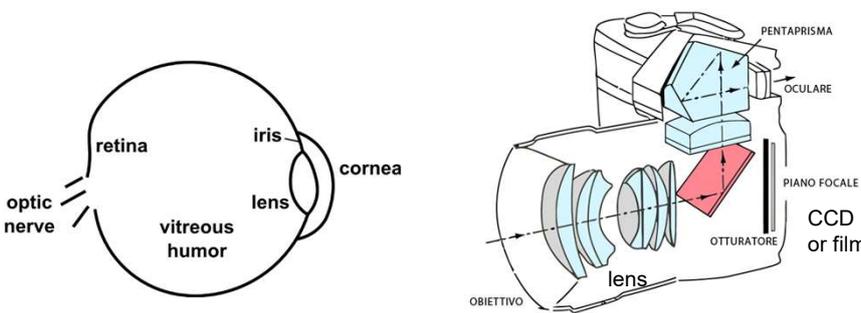
- ✓ Una classe di algoritmi di rendering prende diretta ispirazione dal modo in cui un dispositivo reale di cattura di immagini produce un'immagine
  - ⇒ Dispositivi come:
    - una macchina fotografica (analogica o digitale),
    - una telecamera, un occhio umano, una camera oscura
- ✓ A questo fine, possiamo rimuovere tutti gli elementi non necessari di tali dispositivi, per ridurli ad un modello più semplice possibile
  - ⇒ Questo modello è detto Pin-hole camera.



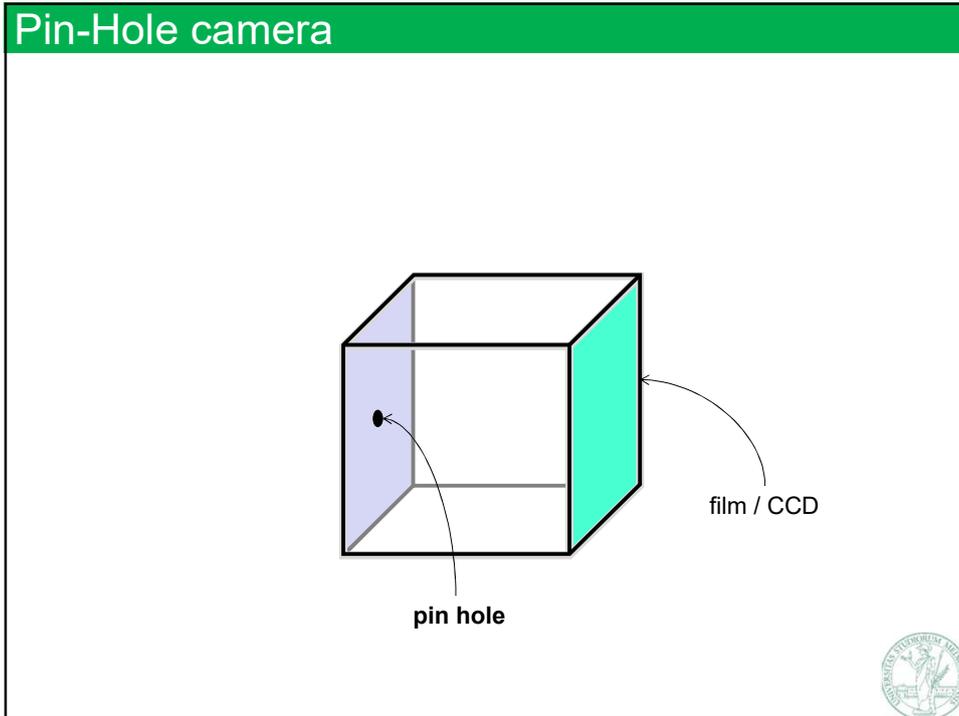
4

### Apparati reali che sintetizzano immagini

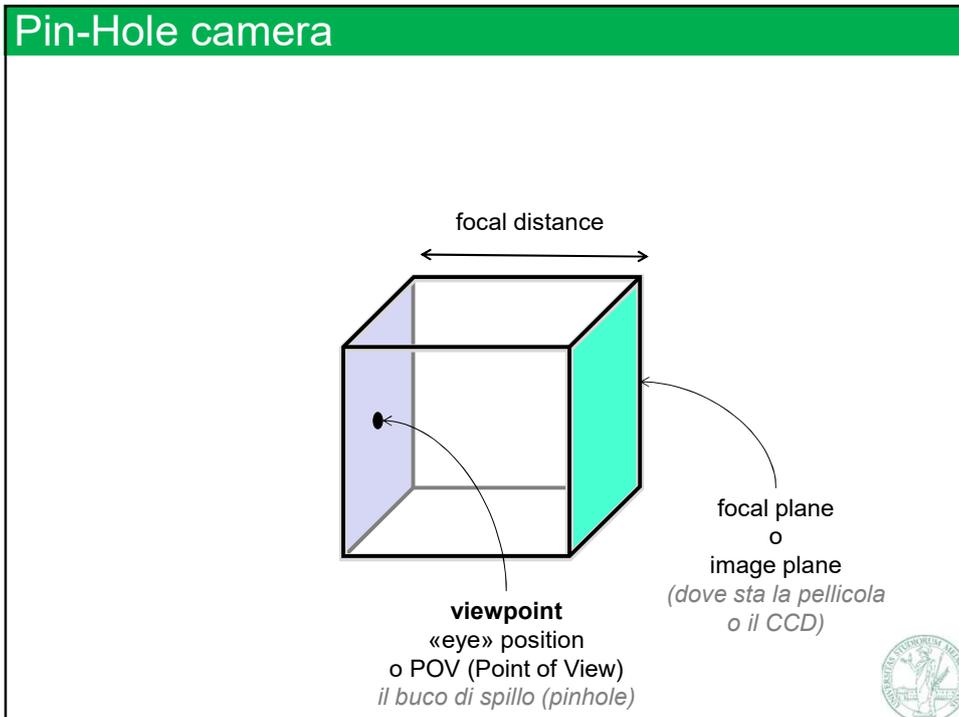
- ✓ Human Visual System
- ✓ Fotocamera



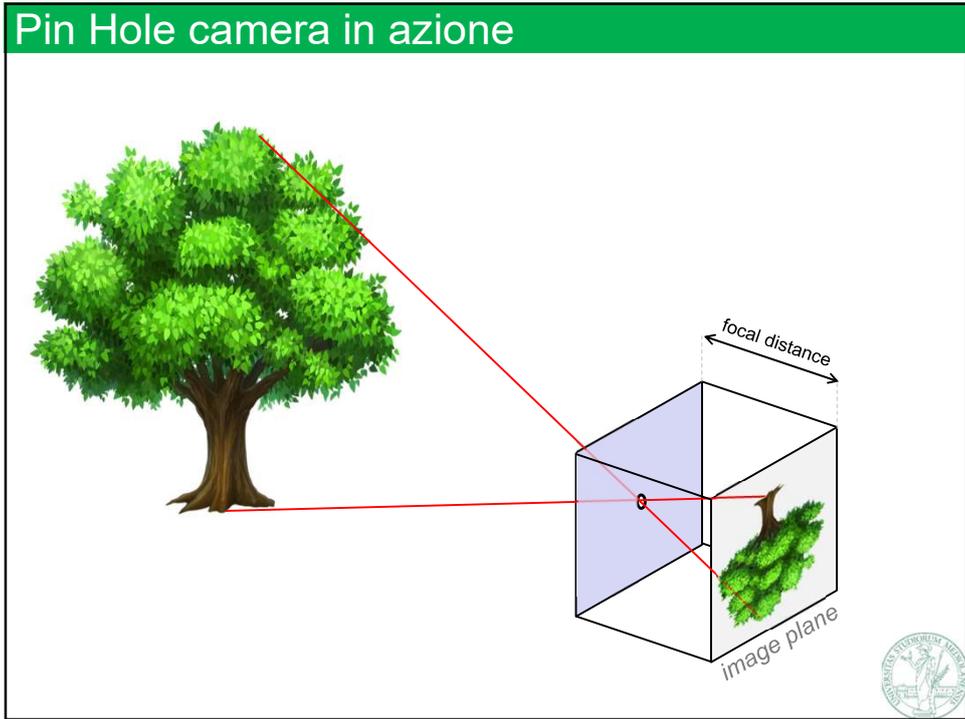
5



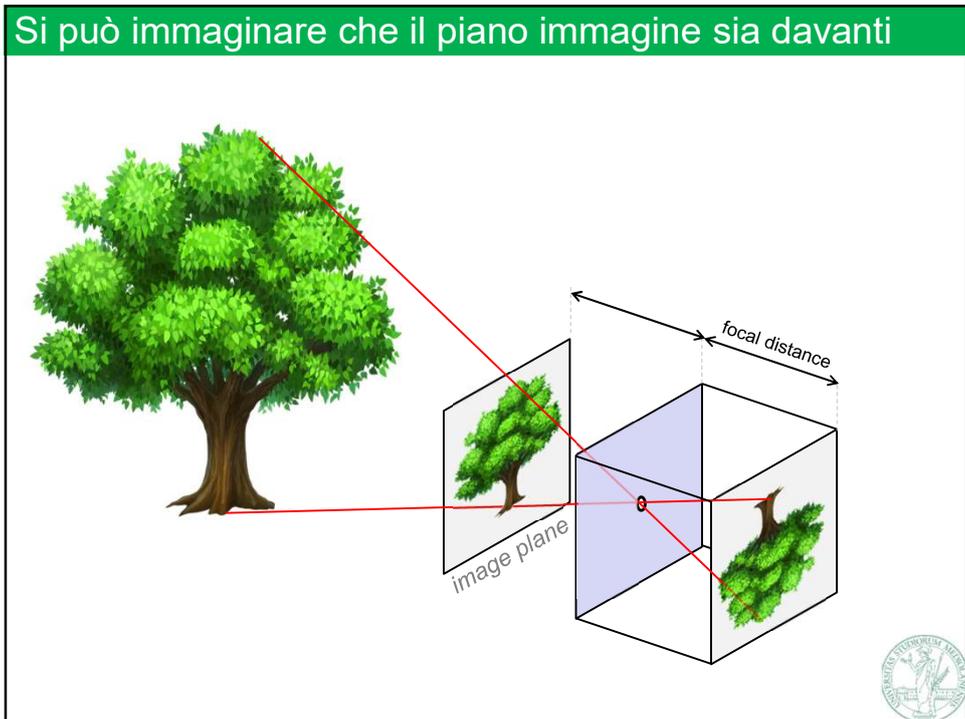
6



8



9



10

## Pin-hole camera

- ✓ La pin-hole camera cattura la luce che passa per il **POV**
  - ⇒ la luce = i fotoni
- ✓ La pin-hole camera misura quanta di questa luce arriva da ogni **direzione**
  - ⇒ ogni pixel rilevato  $p[i,j]$  = quantità di luce che è passata dal POV in direzione (simile a)  $(POV - P(i,j))$  durante il tempo di esposizione



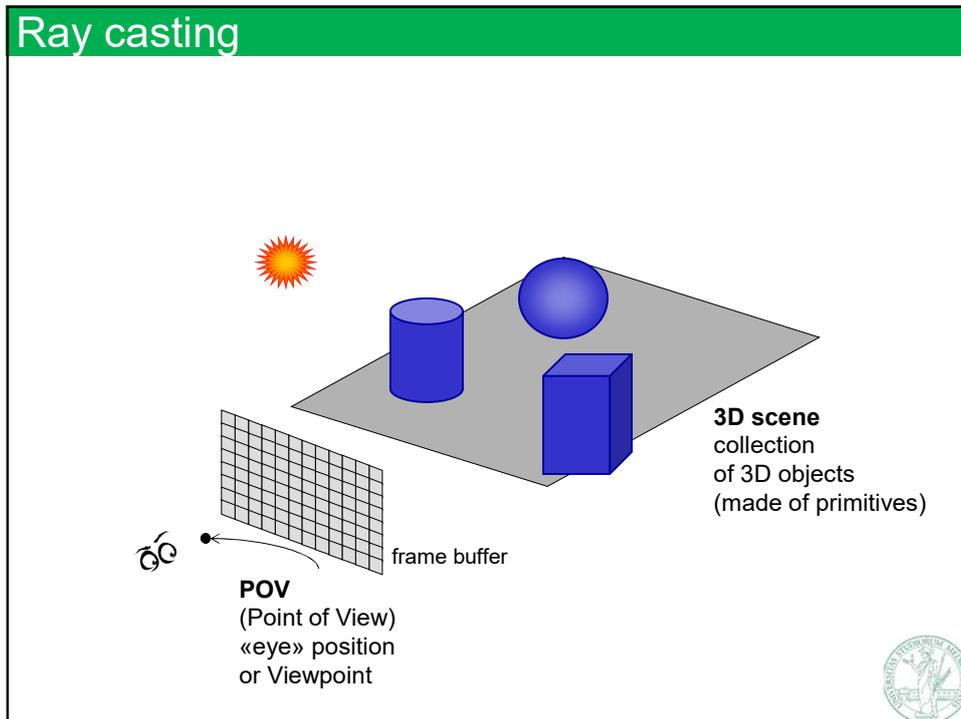
11

## Ray-Casting

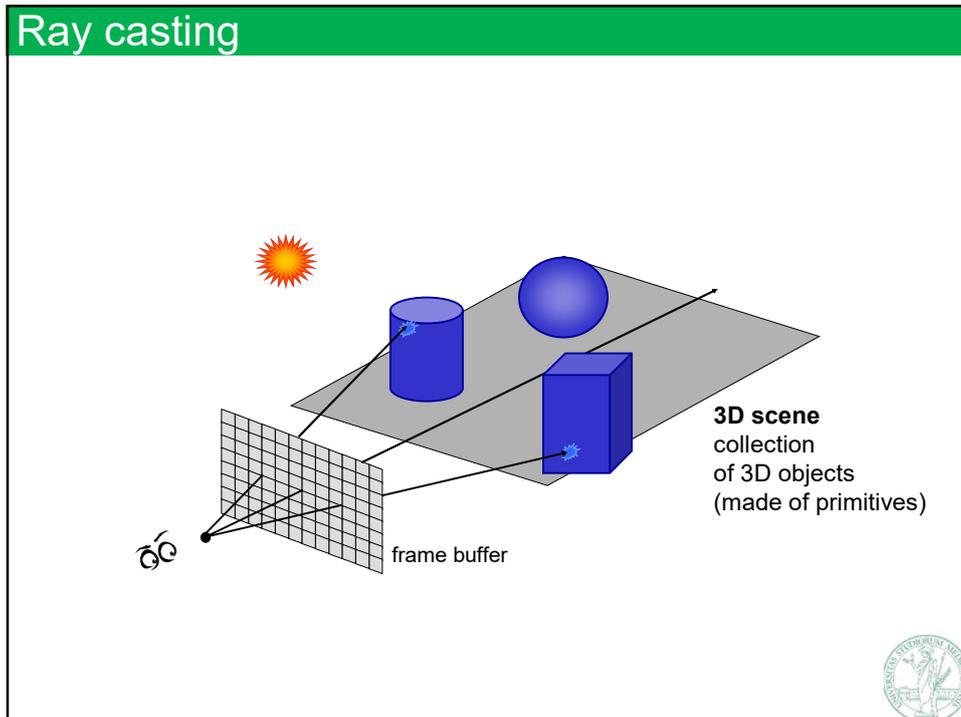
- ✓ Idea: seguire *a ritroso* i fotoni che raggiungono il POV
  - ⇒ per questo, detto anche : "**backward**" ray tracing
- ✓ per ogni pixel sull'immagine da produrre:
  - ⇒ costruisco un **raggio** (detto il "**raggio primario**" di quel pixel)
  - ⇒ trovo le sue intersezioni con gli oggetti della scena
  - ⇒ scelgo l'intersezione più vicina al POV
- ✓ Implementazione:
  - ⇒ Numero di raggi da processare = numero di pixel dell'immagine da produrre
  - ⇒ Per ogni raggio, è necessario computare la sua **intersezione con gli oggetti che costituiscono la scena (cioè le "primitive")** (questa operazione deve quindi deve essere ottimizzata)



15



16



17

## Ray Casting pseudo-code

```
For each pixel  $p$ :  
  make a ray  $r$  (POV to  $p$ )  
  for each primitive  $o$  in scene:  
    find intersect( $r, o$ )  
  keep closest intersection  $o_j$   
  find color of  $o_j$  at  $p$ 
```



18

## Primitive di rendering (precisazione)

- ✓ Per “primitiva di rendering” si intende una descrizione di un entità (3D o 2D) che un dato algoritmo di rendering può processare direttamente
  - ⇒ Diversi algoritmi di rendering prevedono diverse primitive
- ✓ Ad esempio:
  - ⇒ Se disponiamo di un algoritmo in grado di processare... triangoli 3D, ma non quadrilateri 3D, (primitiva di rendering = triangolo) allora possiamo renderizzare direttamente una tri-mesh, ma una quad-mesh deve prima essere convertita in una tri-mesh (attraverso diagonal split)
  - ⇒ Se disponiamo di un algoritmo di rendering in grado di processare... campi di altezza, allora non è necessario convertire il campo di altezza in una rappresentazione poligonale
- ✓ Come vedremo, la primitiva prevista dagli algoritmi di rendering più diffusi è il triangolo (ma non è l'unica!)
  - ⇒ Da questo discende la predominanza delle tri-mesh come modelli 3D



19

### Primitive di rendering del Ray-casting

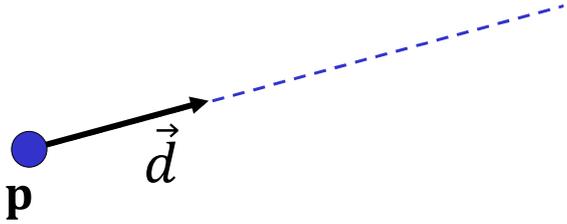
- ✓ Con un algoritmo di Ray-casting possiamo renderizzare qualsiasi cosa per la quale siamo in grado di computare l'intersezione con un raggio
  - ⇒ Vale anche per qualsiasi algoritmo di Ray-tracing – vedi sotto
- ✓ Esistono quindi ray-caster per il rendering di :
  - ⇒ Mesh poligonali
  - ⇒ Campi d'altezza
  - ⇒ Modelli impliciti
  - ⇒ Superfici parametriche, come patch di Bezier
  - ⇒ Etc
- ✓ In ciascun caso, è necessario implementare la procedura di intersezione raggio-oggetto
  - ⇒ Vedremo alcuni casi per semplici modelli impliciti



20

### Rappresentazioni di un «raggio»

- ✓ Un raggio (ray) è una semiretta
- ✓ La possiamo modellare come
  - ⇒ Un dato punto  $\mathbf{p}$  di partenza del raggio
  - ⇒ Un dato vettore  $\vec{d}$  direzione (unitario o no, è una scelta implementativa)
- ✓ I punti sul raggio sono i punti esprimibili come  $\mathbf{p} + k\vec{d}$ 
  - ⇒ per un qualche scalare  $k$
  - ⇒ con  $k \geq 0$  (perché il raggio è una SEMI retta)
  - ⇒ cioè « i punti raggiungibili a partire da  $\mathbf{p}$  facendo  $k$  passi in direzione  $\vec{d}$  »



21

### Intersezione raggio – oggetto singolo

✓ Trovare l'intersezione con una data superficie  $S$  significa trovare uno scalare  $k$  t.c.  $\mathbf{p} + k\vec{\mathbf{d}}$  stia su  $S$

The diagram illustrates a ray starting at point  $\mathbf{p}$  (blue dot) and traveling in direction  $\vec{\mathbf{d}}$  (black arrow). A dashed blue line represents the ray's path. It intersects a light blue oval-shaped surface  $S$  at a red dot labeled  $\mathbf{p} + 0.762 \vec{\mathbf{d}}$ . A small circular logo of the University of Milan is in the bottom right corner.

22

### Intersezione raggio-scena (cioè tante primitive)

The diagram shows a ray starting at point  $\mathbf{p}$  (blue dot) and traveling in direction  $\vec{\mathbf{d}}$  (black arrow). The ray passes through three different objects: a light blue oval, a light blue star, and a light blue rectangle. The intersection points are marked with red dots and labeled  $\mathbf{p} + k_0 \vec{\mathbf{d}}$ ,  $\mathbf{p} + k_1 \vec{\mathbf{d}}$ , and  $\mathbf{p} + k_2 \vec{\mathbf{d}}$  respectively. A small circular logo of the University of Milan is in the bottom right corner.

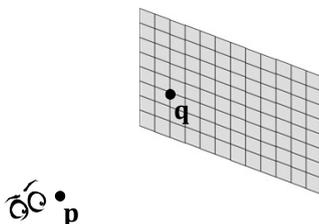
Basta prendere la primitiva che interseca col  $k$  **minore** fra  $k_{0,1,2}$

23

### Costruzione del raggio primario

- ✓ Dato un pixel  $Q$ , quale è il suo raggio primario?
- ✓ Risposta:
  - ⇒  $\mathbf{p}$  (punto di partenza del raggio): il POV
  - ⇒  $\vec{\mathbf{d}}$  (direzione del raggio):  $(\mathbf{q} - \mathbf{p})$  (eventualmente, normalizzato)

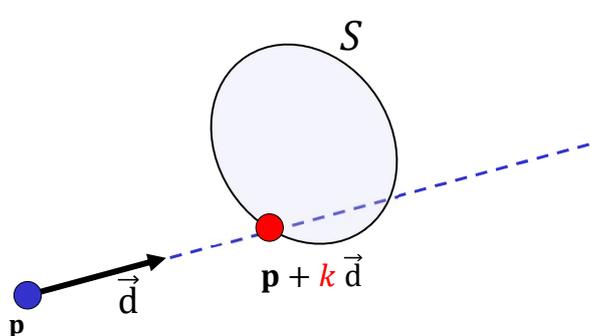
dove  $\mathbf{q}$  è la posizione 3D del pixel  $Q$  sul piano immagine



24

### Intersezione raggio – oggetto singolo

- ✓ Vedremo nelle prossime lezioni alcuni casi di computo dell'intersezione di un raggio con alcune semplici primitive
- ✓ Prima, sarà necessaria una breve digressione matematica sul prodotto dot



25