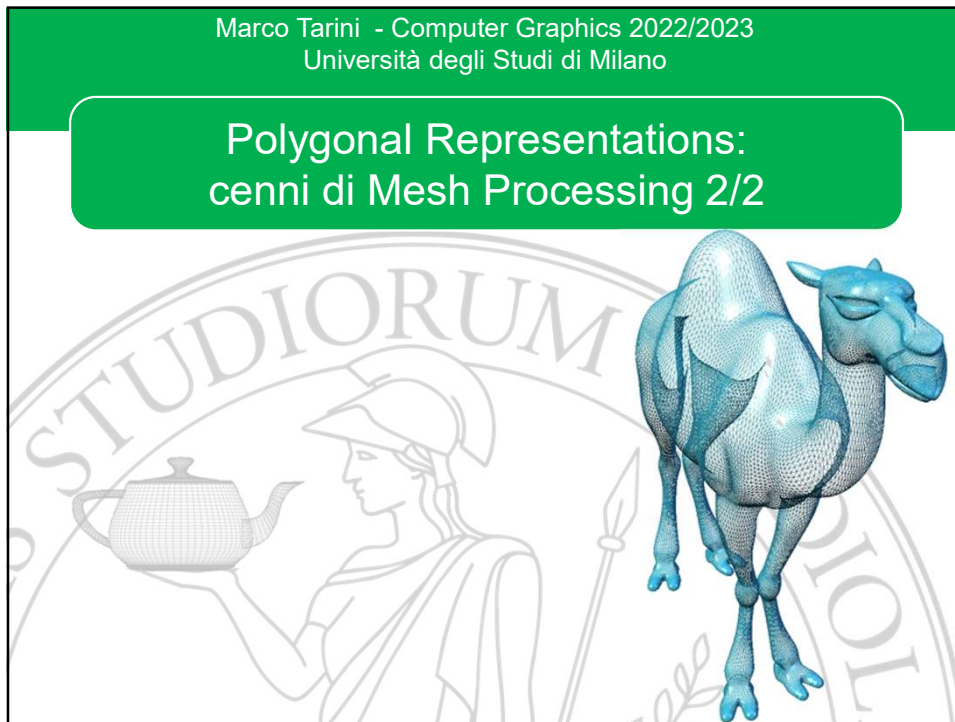












Marco Tarini - Computer Graphics 2022/2023
Università degli Studi di Milano

**Polygonal Representations:
cenni di Mesh Processing 2/2**



145

Alcune librerie di mesh processing (C++, OpenSource)

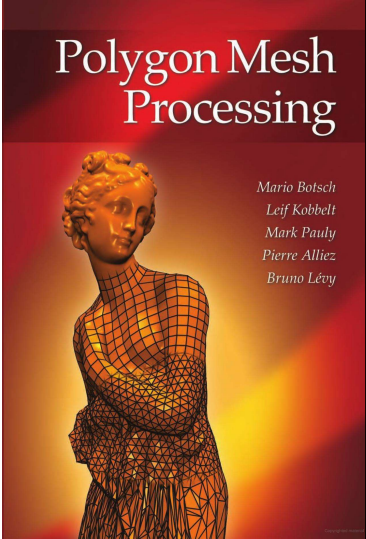
 <p>VCG-Lib vision and computer graphic library CNR ()</p>	 <p>computational geometry algorithms library INRIA ()</p>
 <p>OpenMesh +  OpenFlipper RWTH ()</p>	 <p>libigl simple geometry processing library NYU ()</p> 

146

Mesh processing

Il **Geometry Processing** eseguito su **mesh poligonali**

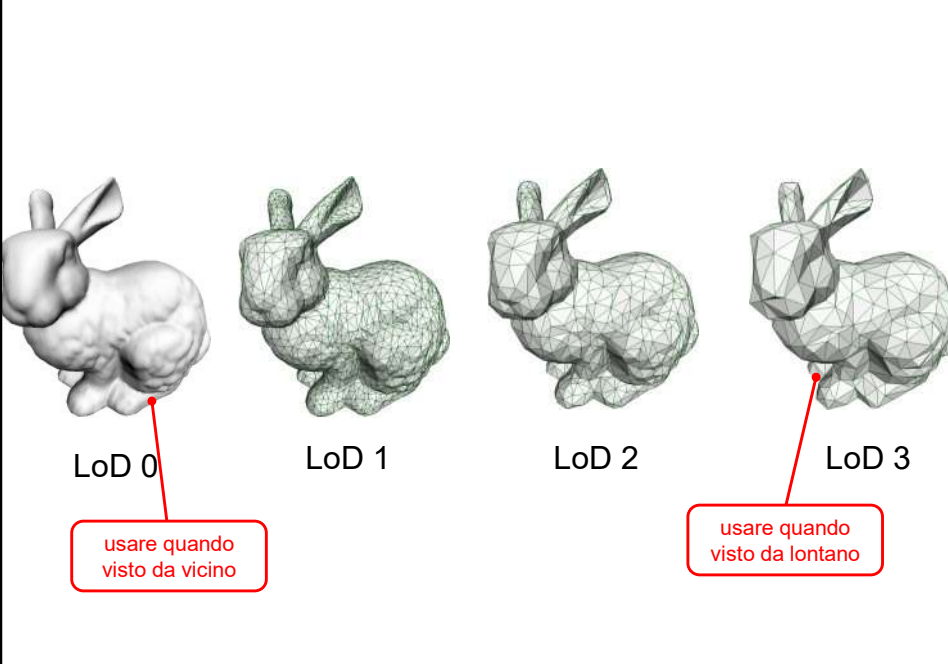
Un buon manuale per le basi al mesh processing:



<http://www.pmp-book.org/>

147

Struttura multires: "Level of Detail (LoD) Pyramid"



LoD 0 LoD 1 LoD 2 LoD 3

usare quando visto da vicino

usare quando visto da lontano

148

Piramide di livelli di dettaglio

- ✓ Idea: tenere in memoria tante versioni diverse di una mesh, a risoluzione decrescente
 - ⇒ LoD (Level of Detail) = Livello di dettaglio = una di queste versioni
 - ⇒ LoD-0 = la versione a piena risoluzione
 - ⇒ LoD-1 = versione a risoluzione ridotta
- ✓ L'insieme dei LoD è detto «piramide» di livello di dettaglio perché, al pari di una piramide, la base (LoD-0) è assai più grande (in RAM), della punta (LoD- n).
- ✓ In preprocessing, i livelli di dettaglio possono essere ottenuti uno dall'altro attraverso mesh-simplification
- ✓ In fase di rendering, scelgo il LoD in funzione di fattori come
 - ⇒ distanza dell'oggetto dalla telecamera, risorse di computazione a disposizione, etc
 - ⇒ le stesse considerazioni valgono per una simulazione fisica o altro
- ✓ Costo: duplicazione di dati in memoria ☹️
- ✓ Beneficio: minor tempo di rendering o processing in generale



149

Piramide di livelli di dettaglio: stima del costo

- ✓ Mettiamo che ciascun LOD abbia $\frac{1}{4}$ della risoluzione del LOD precedente (scelta ragionevole e spesso adottata)
- ✓ Domanda: quanto costa in memoria l'intera piramide, rispetto al costo di memorizzare solo il modello originale (LOD-0)?
- ✓ Ricordare che:
 - ⇒ Il costo in RAM di una mesh è LINEARE con la sua risoluzione,
- ⇒
$$\sum_{i=0}^{\infty} k^i = \frac{1}{1-k} \quad (\text{con } k < 1)$$
- ⇒ che, con $k = 1/4$, fa $4/3$ (cioè $1 + 1/3$)
- ✓ Risposta: solo $1/3$ in più!
- ✓ Conclusione: anche se la piramide LOD è una struttura multi-risoluzione triviale (semplice replicazione di dati a risoluzioni diverse), il suo costo in RAM non è eccessivo



150

Calcolo di distanza fra due mesh

- ✓ Task: date due mesh M_0 e M_1 , quantificare quanto simili (o dissimili) siano le due superfici rappresentate
 - ⇒ Nota: mesh anche molto diverse internamente (diversi poligoni e vertici) possono rappresentare superfici molto simili, o anche *identiche*
 - ⇒ (sapresti dare un esempio?)
- ✓ E' utile a questo scopo l'uso della "distanza di Hausdorff" definita fra due superfici
 - ⇒ È zero se e solo se le due superfici coincidono (anche se le mesh che le rappresentano sono diverse)
 - ⇒ Vedi il prossimo lucido per la sua definizione esatta, su una mesh
- ✓ La misurazione di questa distanza richiede apposite algoritmi di geometry processing
 - ⇒ Meshlab include una implementazione di questi algoritmi
- ✓ La distanza fra mesh è spesso usata in altri contesti di geom processing per valutare l'efficacia di un algoritmo
 - ⇒ Ad es: valutare l'errore introdotto da una semplificazione, misurando la distanza fra mesh originale e mesh semplificata



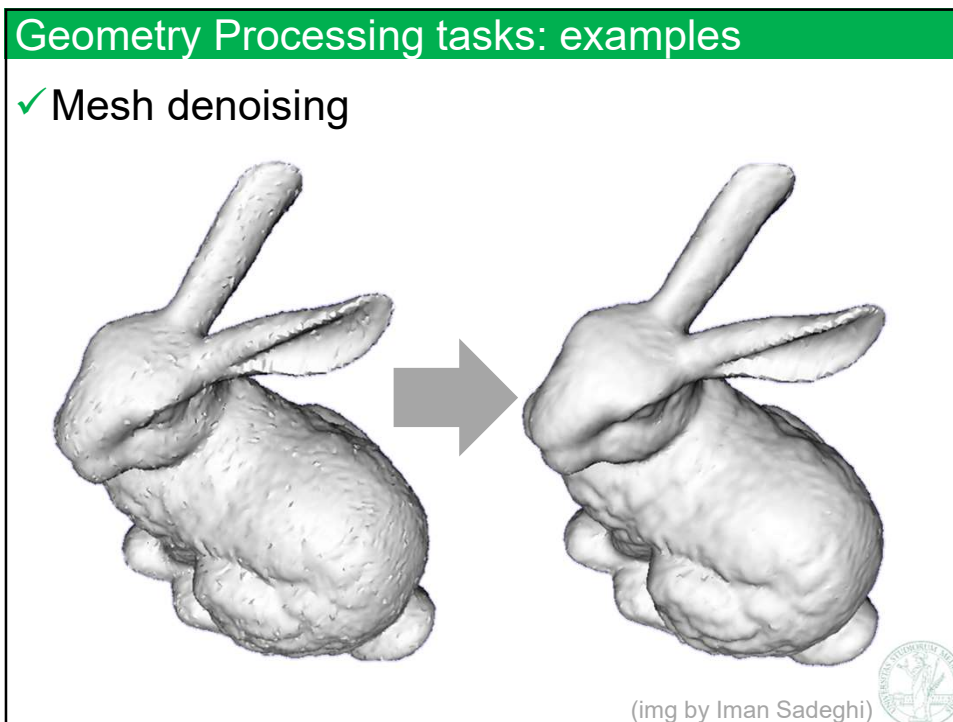
151

Definizione della distanza di Hausdorff fra 2 mesh

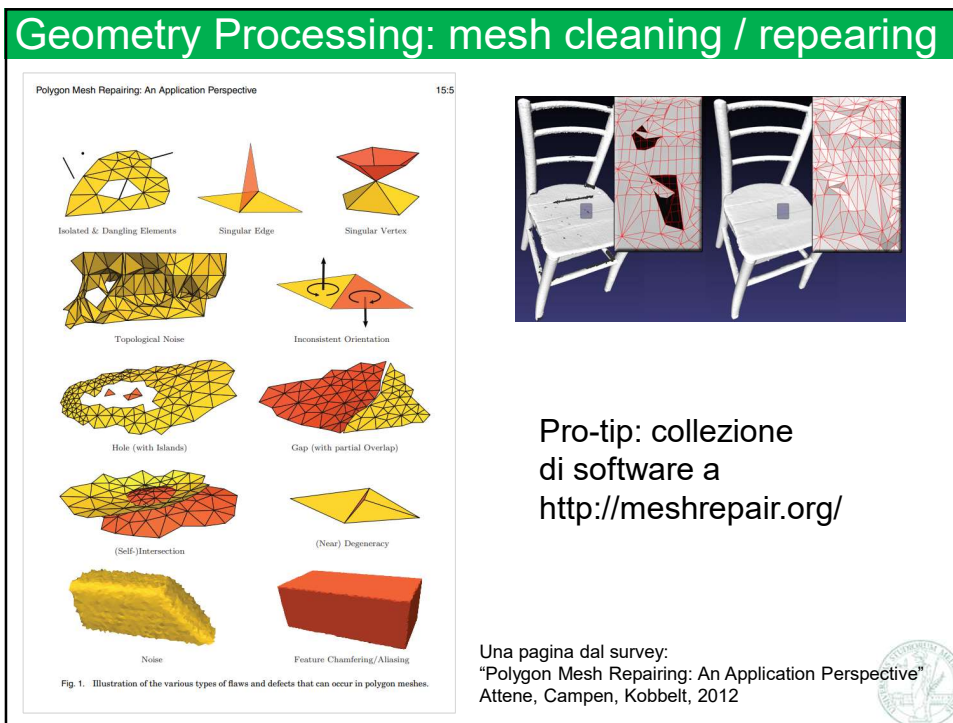
- ✓ Distanza punto → mesh:
dato un punto \mathbf{p} , quanto dista il punto \mathbf{q} su M_1 più vicino possibile a \mathbf{p} ?
$$dist(\mathbf{p}, M_0) = \min_{\mathbf{q} \in M_1} (\|\mathbf{p} - \mathbf{q}\|)$$
 - ⇒ nota: \mathbf{q} non è necessariamente un vertice di M_1 ; può anche essere un punto interno ad un triangolo.
- ✓ Distanza mesh → mesh:
data una mesh M_0 , quanto dista al massimo un punto \mathbf{p} scelto su M_0 da una seconda mesh M_1 ?
$$dist(M_0, M_1) = \max_{\mathbf{p} \in M_0} (dist(\mathbf{p}, M_1)) = \max_{\mathbf{p} \in M_0} \left(\min_{\mathbf{q} \in M_1} (\|\mathbf{p} - \mathbf{q}\|) \right)$$
 - ⇒ nota: \mathbf{p} non è necessariamente un vertice di M_0 ; può anche essere un punto interno ad un triangolo.
 - ⇒ Nota: $dist(M_0, M_1)$ non è necessariamente uguale a $dist(M_1, M_0)$
- ✓ Distanza reciproca mesh ↔ mesh
Hausdorff(M_0, M_1) = $\max(dist(M_0, M_1), dist(M_1, M_0))$



152



153



154

Geometry Processing: mesh cleaning / reparing

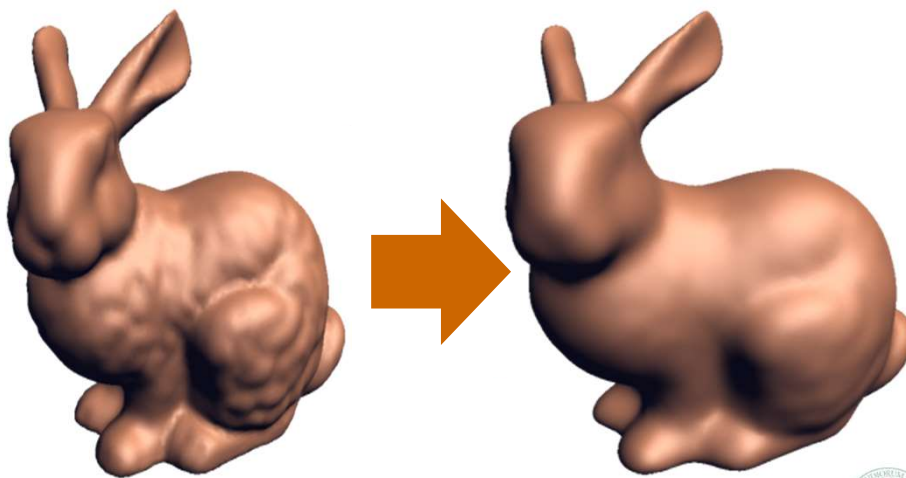
- ✓ Mesh cleaning (o reparing):
l'insieme di task per la rimozione dei difetti della di una mesh, cioè
 - ⇒ le situazioni non two-manifold,
 - ⇒ buchi (per es un poligono mancante)
 - ⇒ Orientamento non consistente delle facce
(se non è possibile farlo, ma mesh non è «ben orientabile»)
 - ⇒ Auto-intersezioni
 - ⇒ Replicazioni di vertici
 - ⇒ Facce degeneri
- ✓ Molte categorie di mesh, come le mesh scansionate (acquisizione 3D), presentano spesso molti di questi difetti
- ✓ Spesso, è un preprocessing necessario per consentire l'applicazione di vari altri procedimenti di geometry processing



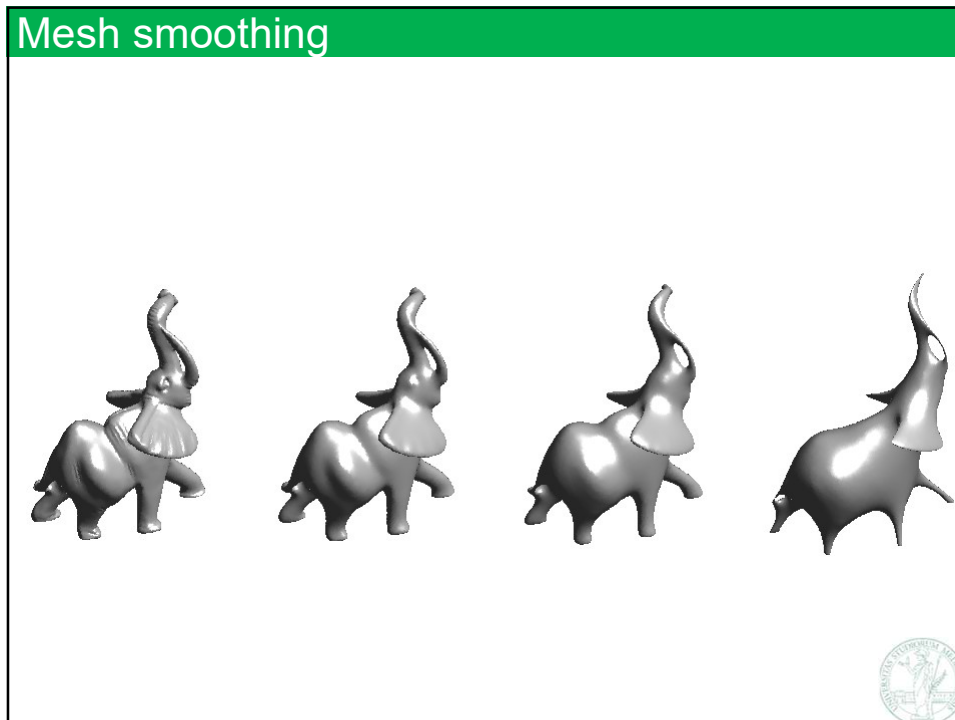
155

Geometry Processing tasks: examples

- ✓ Mesh smoothing



156



157

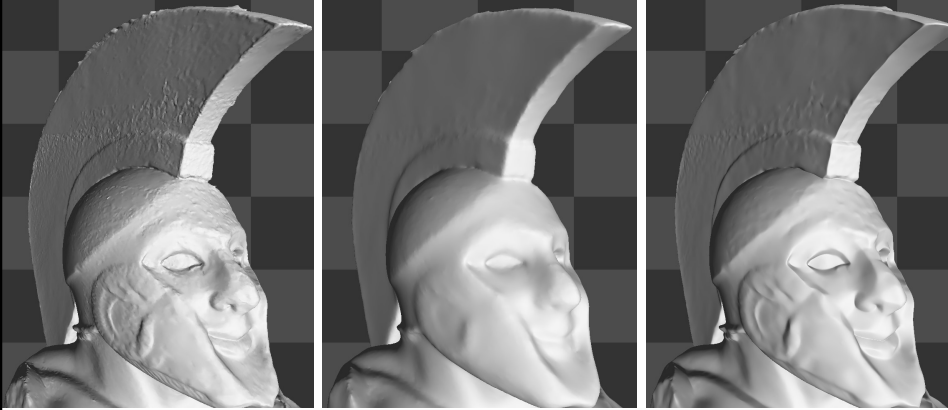
Mesh smoothing

- ✓ Obiettivo: rendere la mesh più tondeggiante e liscia
- ✓ How to (concettualmente, base):
basta spostare ogni vertice nella posizione media dei vertici a lui adiacenti
 - ⇒ vertici adiacenti = vertici connessi da un edge
 - ⇒ Nota: la **connettività** della mesh rimane inalterata: si modifica solo la sua **geometria**
- ✓ Il processo si può ripetere molte volte, cumulandone gli effetti
- ✓ Analogo concettuale del processo di sfocatura (*blur*) di un'immagine
 - ⇒ se si sostituisce ad ogni pixel il valore medio dei pixel vicini, l'immagine diviene sfocata
- ✓ Concetto matematico connesso: filtro «Laplaciano»
 - ⇒ Minimizzazione del Laplaciano, cioè della distanza di ogni vertice dalla media dei suoi vicini
- ✓ L'operazione può essere fatta anche sugli attributi (colore, etc)
 - ⇒ oppure, *solo* sugli attributi
- ✓ Effetti desiderati:
 - ⇒ si abbatte il rumore
 - ⇒ si riducono le asperità della superficie
- ✓ Effetti collaterali (spesso indesiderati):
 - ⇒ si abbattano anche i dettagli di forma utili (ad alta frequenza)
 - ⇒ si perdono ad esempio gli spigoli vivi («crease angle» o «feature lines»)
 - ⇒ il volume della mesh tende a ridursi

158

Mesh feature preserving smoothing

- ✓ Feature preserving smoothing
 - ⇒ Ottenere uno smoothing che rimuove il rumore e le asperità a piccola scala ma evita gli «effetti collaterali» sopra descritti.
 - ⇒ Task studiato e più difficile




Originale
(mesh scansionata)

Smoothing


Feature preserving
smoothing

(images by Andrea Maggiordomo)




159

Stima di proprietà geometriche

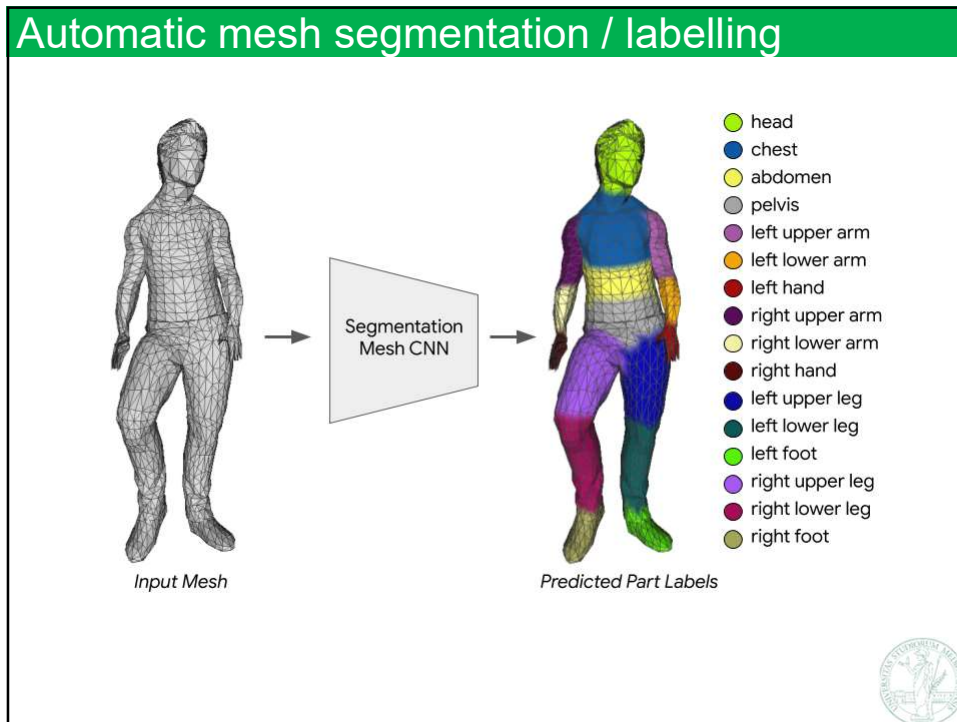


Img by Karan Singh

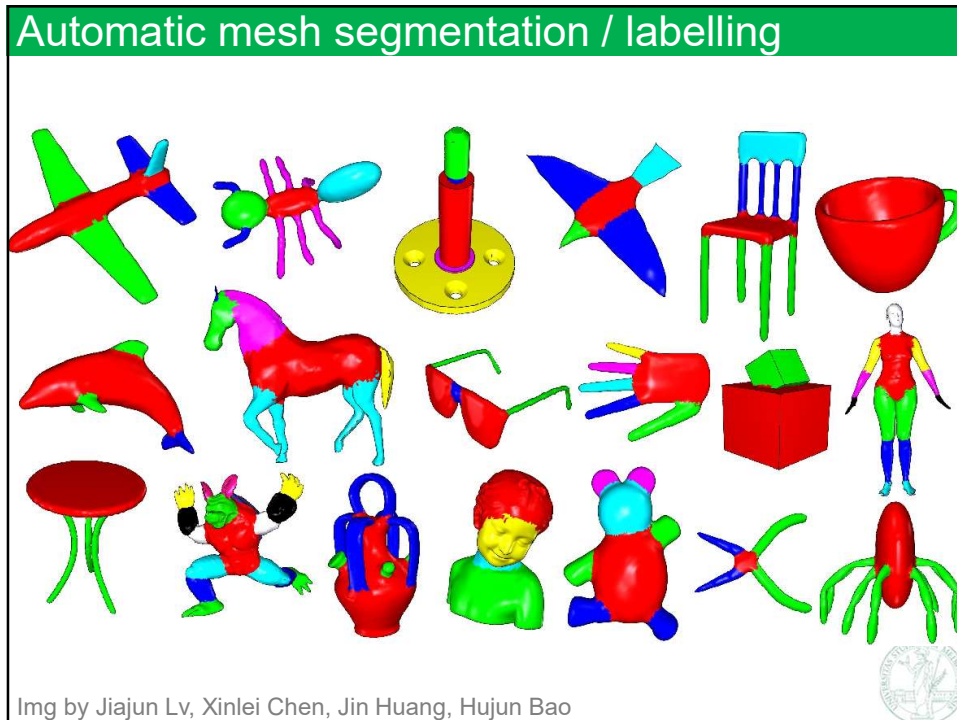
- ✓ Qui: curvatura (intrinseca)
- ✓ Abbiamo visto il caso della stima delle normali
 - ⇒ Sono solo un caso di proprietà di “forma” definite sulla superficie
 - ⇒ Proprietà di cui si occupa la geometria differenziale



160



161



162

Automatic mesh segmentation / labelling

- ✓ Mesh segmentation (in generale):
 - ⇒ Data una mesh in input, identificare le zone semanticamente o strutturalmente distinte
 - ⇒ (tipicamente, come partizione delle facce o dei vertici in zone contigue)
 - ⇒ Guidati da un'analisi della geometria, oppure data driven
- ✓ Mesh labelling
 - ⇒ Assegnare un'etichetta semantica ad ogni partizione
- ✓ Utilizzato come punto di partenza di molti altri task



163

Shape Retrieval



Img by Tamy Boubekeur, and Marc Alexa, SIGGR 2010



164

Shape Retrieval

- ✓ Il task: data una grossa collezione di modelli 3D, individuare quelli simili ad una forma target richiesta
 - ⇒ Spesso, la forma target è specificata attraverso un disegno semplificato 2D
 - ⇒ Oppure: “trovare le mesh che rappresentano oggetti simili a quello rappresentato da una mesh target data”.



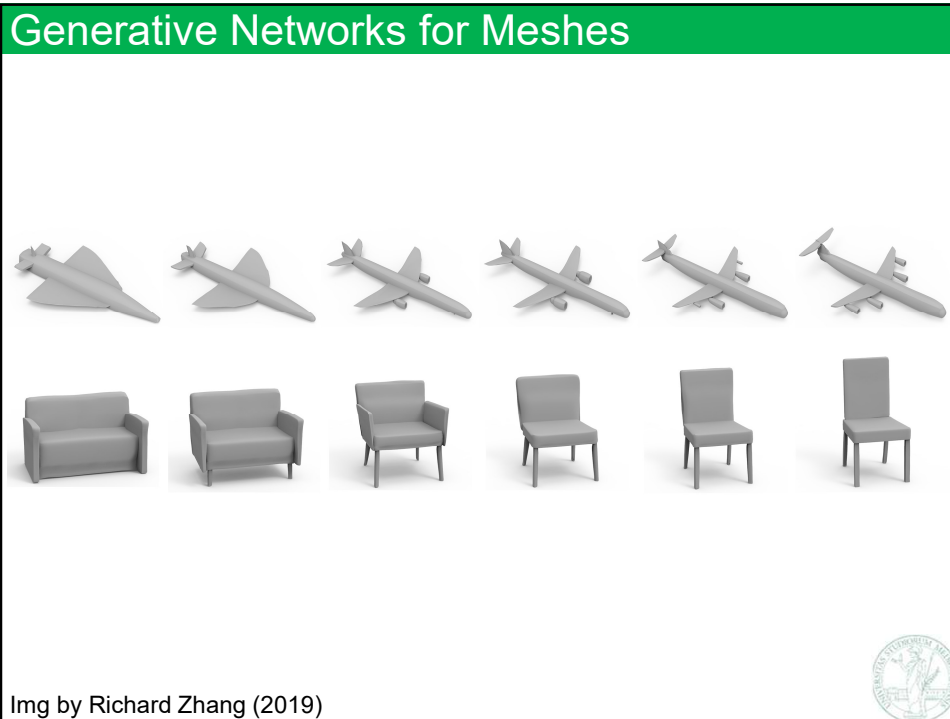
165

Procedural mesh generation

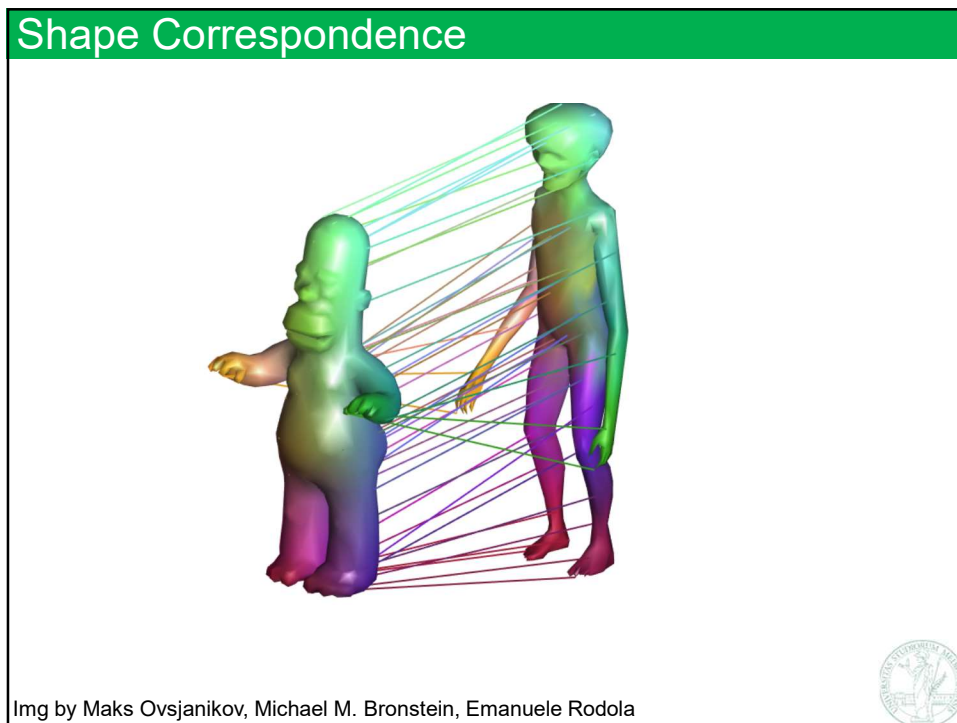
- ✓ Procedural mesh generation
 - ⇒ Nome generico per tutti quei procedimenti automatici che generano una mesh (geometria e connettività incluse)
 - ⇒ Utilizzato in videogames, VR, industria cinematografica, simulazioni...
 - ⇒ Molto studiati i casi di: piante, città, terreni, palazzi, manufatti di vario tipo, avatar umani, ...
 - ⇒ Tipicamente, guidato da parametri controllati dall'utente che determinano le caratteristiche «ad alto livello» delle forme generate (ad esempio: nella generazione automatica di mesh che rappresentano ingranaggi, un parametro può identificare «il numero di denti») e / o da scelte pseudocasuali
- ✓ Generative Networks:
L'approccio Machine learning approach alla mesh generation
 - ⇒ Data driven
 - ⇒ Per es: data una collezione di mesh che rappresentano forme di una certa classe (sedie, aerei...), produrre un insieme di varianti



166



167



168

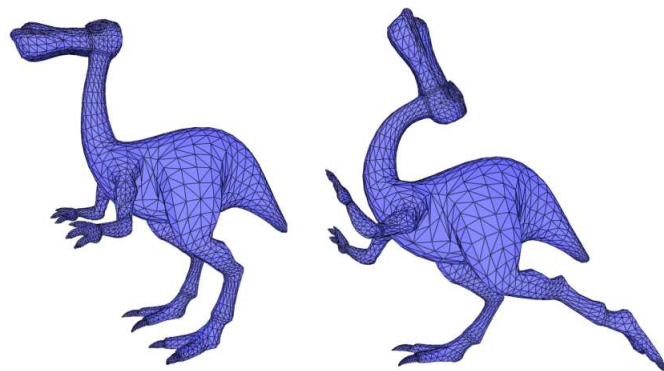
Shape correspondence

- ✓ Date due mesh che rappresentano oggetti di una stessa classe
 - ⇒ Per esempio, due forme umanoidi, o due quadrupedi
 - ⇒ Oppure, la scansione di uno stessa persona in due posizioni differenti...
- ✓ Identificare su ciascuna di essa il punto corrispondente sull'altra
 - ⇒ Ad esempio, sotto forma di un mapping (non biunivoco) fra i vertici
- ✓ Basandosi su similitudine geometrica, topologica, e caratteristiche intrinseche della forma
 - ⇒ (ad esempio: la similarità di normale è poco significativa ma quella di curvatura intrinseca può esserlo di più)



169

Mesh Deformation



Img by Sébastien Lorient, Olga Sorkine-Hornung



170

Mesh Deformation

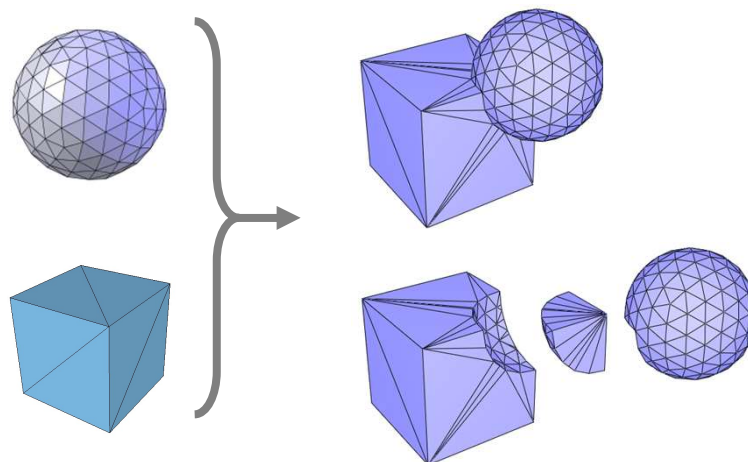
- ✓ Data una mesh iniziale soggetta a degli stimoli o vincoli esterni, computare una sua deformazione spaziale
 - ⇒ cioè una nuova geometria, (la connettività della mesh è inalterata)
 - ⇒ La forma finale aderisce a principi fisici, geometrici (per es, conservazione dell'area, del volume, della forma dei triangoli, o semplicemente minimizzazione della distorsione subita dai singoli triangoli...)
 - ⇒ Esempio di vincolo esterno: una nuova la posizione xyz assegnata a solo alcuni vertici («questo vertice si sposta qui»)
- ✓ Utilizzata in animazione, design
 - ⇒ E' possibile effettuare questi computi in tempo reale



171

“Operazioni booleane” su mesh

Date due (o più) mesh **ben orientate** e **chiuse**, (che quindi delimitano un volume interno ciascuna) trovare la mesh che delimita l'intersezione (“AND”), l'unione (lo “OR”), etc, fra i due volumi



172

Surface offsetting

input offset 2mm offset 5mm

[Image by P. Alliez et al, 2023]

(come abbiamo già visto nel caso delle nuvole di punti, in cui è più semplice)

174

Mesh processing: per saperne di più...

<https://sgp2019.di.unimi.it/>

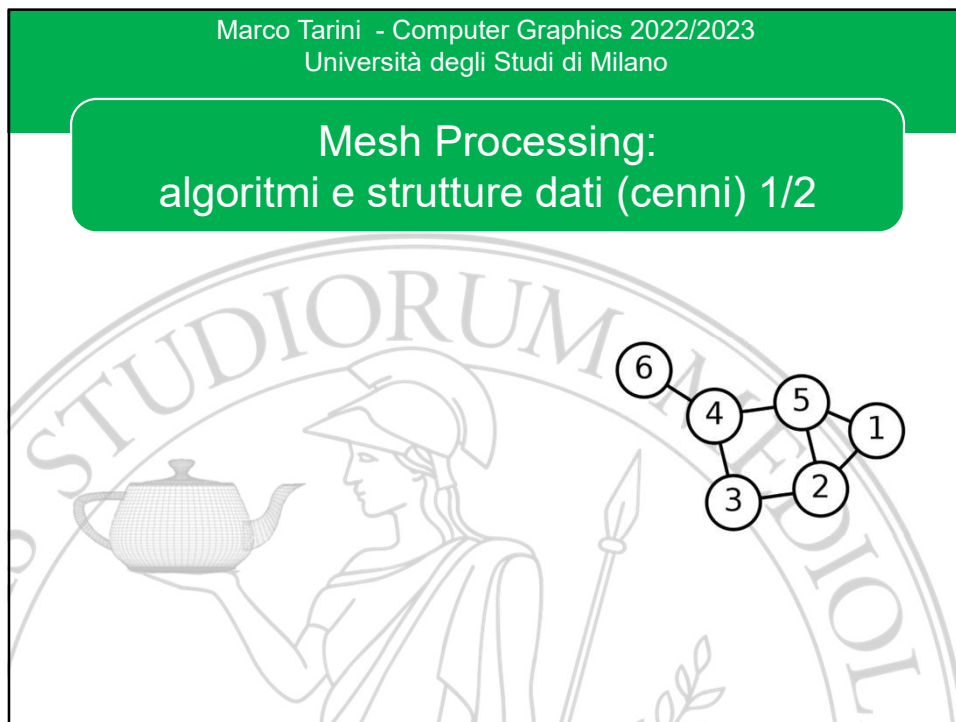
Una conferenza internazionale su Geometry Processing che si è svolta nel nostro ateneo alcuni anni fa:

Graduate school: lezioni introduttive ad argomenti avanzati di geometry processing (i video sono ancora disponibili!)

175

Marco Tarini - Computer Graphics 2022/2023
Università degli Studi di Milano


Mesh Processing: algoritmi e strutture dati (cenni) 1/2



176

Mesh Processing: le basi algoritmiche

- ✓ Gli esempi visti sono solo alcuni dei molti esempi di task affrontati nel contesto del mesh processing.
- ✓ Gli algoritmi che risolvono questi task necessitano (quasi tutti) operazioni base sulla connettività come per esempio:
(operazioni di navigazione su mesh)
 - ⇒ Data una faccia, enumera tutte le facce adiacenti (separate da un edge)
 - ⇒ Dato una faccia ed un edge, trova la faccia (se esiste) che sta dall'altra faccia di quell'edge
 - ⇒ Dato un vertice, elenca tutte le facce che includono quel vertice (detta la «stella» o «stella-1» del vertice)
 - ⇒ Dato un vertice, enumera tutti i vertici che sono connessi a quel vertice da un edge
 - ⇒ Dato un edge, scopri se è un edge di bordo.
 - ⇒ Dato un edge di bordo, enumera tutti gli altri edge che fanno parte di quel bordo
 - ⇒ Dato una faccia, elenca tutti i vertici che fanno parte di quella faccia
- ✓ E' necessario che queste operazioni base siano effettuate efficientemente (idealmente, in tempo costante)



178

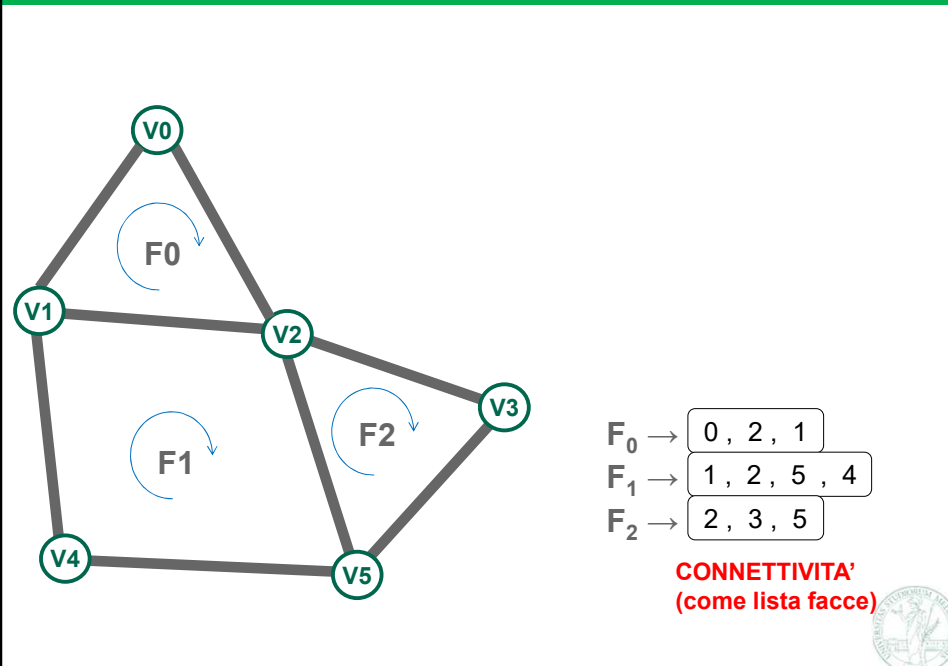
Strutture dati per Mesh Processing

- ✓ La struttura «lista facce» della mesh indexed, usata per memorizzare la connettività, non consente di effettuare queste operazioni
 - ⇒ (se non attraverso una scansione dell'intero vettore delle facce, che richiede ovviamente un tempo lineare col numero di facce)
 - ⇒ (eccetto una: «data una faccia, elenca tutti i vertici che fanno parte di quella faccia»)
- ✓ Per effettuare mesh processing, dobbiamo dotarci di strutture più adatte per memorizzare la connettività di una mesh
 - ⇒ svantaggio: più prolisse, onerose da mantenere durante le modifiche
 - ⇒ ma consentono di navigare sulla mesh molto più agevolmente
- ✓ Vediamo una di queste strutture



179

Struttura dati: connettività di una indexed mesh



180


Struttura dati: half edges

	V	F	Next	Opp
H ₀ →	2	-	2	1
H ₁ →	0	0	3	0
H ₂ →	0	-	6	5
H ₃ →	2	0	5	4
H ₄ →	1	1	11	3
H ₅ →	1	0	1	2
H ₆ →	1	-	7	12
H ₇ →	4	-	10	15
H ₈ →	5	2	14	11
H ₉ →	3	2	8	10
H ₁₀ →	5	-	13	9
H ₁₁ →	2	1	15	8
H ₁₂ →	4	1	4	6
H ₁₃ →	3	-	0	14
H ₁₄ →	2	2	9	13
H ₁₅ →	5	1	12	7

181

Lista di half edge

- ✓ La connettività è rappresentata da un vettore di Half Edge
- ✓ Per ogni half edge memorizzo i campi (sono tutti indici):
 - ⇒ Indice di Vertice: da quale vertice parte
 - ⇒ Indice di Faccia: di quale faccia è un bordo
 - ⇒ Next: l'indice dell'half-edge che incontro proseguendo nella direzione dell'half edge (senza cambiare faccia o bordo della mesh)
 - ⇒ Opposite: indice all'altro half-edge che condivide lo stesso edge
- ✓ Strutture a contorno:
 - ⇒ In ogni vertice, posso memorizzare l'indice di un Half-Edge che parte da quell vertice (uno qualsiasi)
 - ⇒ Posso avere un vettore di facce, per ogni faccia l'indice di un half edge appartenente a quella faccia (uno qualsiasi)



187

HalfEdge: pseudocodice Java

```
class HalfEdge {  
    int vi;    // indice di vertice  
    int fi;    // indice di faccia (o -1)  
    int next; // indice di halfHedge  
    int opp;   // indice di halfHedge  
}  
  
// la tabella  
HalfEdge[] he = new HalfEdge( .... );
```

ed es, il valore *opposite*
del halfedge di indice 12 è...

```
he[12].opp;
```

ed es, l'half edge di indice
7 fa parte della faccia...

```
he[7].fi;
```

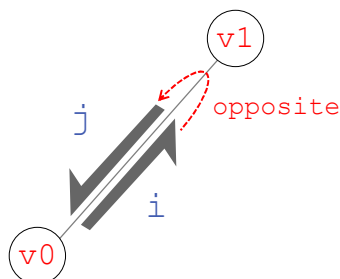


188

Esempio di uso base

- ✓ dato un halfedge di indice i ,
quali sono i due vertici v_0 e v_1 che delimitano l'edge
corrispondente?

```
int v0 = he[i].vi;  
int j = he[i].opp;  
int v1 = he[j].vi;
```



189

Strutture dati per connettività a confronto

- ✓ Lista facce:
 - ⇒ Compatta
(quindi, adatta a storing, ad esempio su disco o streaming)
 - ⇒ Sufficiente per ad alcuni task di processing
(e in questo caso, preferibile)
 - ⇒ Il redering classico eseguito dalle GPU
è pensato per questa struttura dati
 - ⇒ E' generale: non richiede ad esempio two-manifoldness o orientamento
consistente delle facce
(quindi: capace di rappresentare strutture inconsistenti – è un vantaggio
e uno svantaggio)
 - ⇒ Lista di elementi non omogenea, (alcune facce hanno un numero di
vertici diverso da altre).
eccetto che per tri-mesh o pure quad meshes: per loro, la lista facce è
una matrice $3 \times N$ o $4 \times N$ (comodo)



190

Strutture dati per connettività a confronto

- ✓ Lista di half hedge:
 - ⇒ Prolissa
(calcola: quanti interi è necessario memorizzare in media, rispetto ad
una lista facce?
Ipotesi: in una tri mesh, ho vertici, facce, edge tipicamente in
proporzione 1x, 2x, 3x. In una quad mesh: 1x, 1x, 2x)
 - ⇒ Più complicata da mantenere coerente durante le operazioni di modifica
della connettività
 - ⇒ Non adatta per il rendering su GPU
 - ⇒ Vantaggio: lista di elementi sempre omogenea: 4 elementi per half-edge
(nella variante che abbiamo visto), anche su mesh poligonali miste
 - ⇒ Consente di «navigare sulla mesh», con salti all'elemento adiacente
in tempo costante (consentendo algoritmi di mesh processing in tempo
lineare o pseudolineare piuttosto che quadratico)
 - ⇒ Richiede adattamenti se la mesh non è two-manifold e ben orientata
- ✓ Nota: sono due rappresentazioni alternative di una stessa cosa
(la connettività della mesh).
 - ⇒ Una si può costruire a partire dall'altra



191